

## Trojuholníková nerovnosť – nové učivo

Skôr, ako začnete rysovať trojuholník, musíte zistiť, či sa dá trojuholník zostrojiť. Na to sa využíva **trojuholníková nerovnosť**:

**Súčet každých dvoch strán musí byť väčší ako tretia strana.**

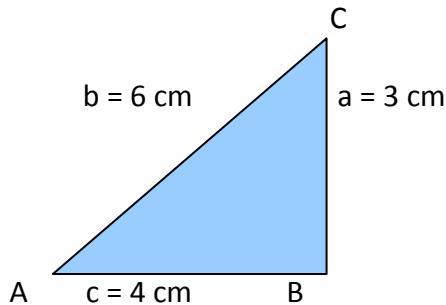
$$\begin{aligned}a + b &> c \\b + c &> a \\a + c &> b\end{aligned}$$

Často sa využíva aj tzv. **skrátená trojuholníková nerovnosť**:

**Trojuholník možno zostrojiť, ak súčet dvoch kratších strán je väčší ako najdlhšia strana trojuholníka.**

Je to rýchlejšie a k výsledku prídete skôr, čím ušetríte čas na inú úlohu.

**Príklad:** Trojuholník ABC má strany dlhé  $a = 3 \text{ cm}$ ;  $b = 6 \text{ cm}$ ;  $c = 4 \text{ cm}$ . Dá sa zostrojiť?



**Riešenie:** Vypočítame si súčty každej dvojice strán a určíme, či je menší ako tretia strana:

$$3 \text{ cm} + 6 \text{ cm} > 4 \text{ cm}$$

$$6 \text{ cm} + 4 \text{ cm} > 3 \text{ cm}$$

$$3 \text{ cm} + 4 \text{ cm} > 6 \text{ cm}$$

} Trojuholník možno zostrojiť.

Použitie skrátenej trojuholníkovej nerovnosti v predchádzajúcej úlohe :

Dve kratšie strany sú  $3 \text{ cm}$  a  $4 \text{ cm}$ , najdlhšia  $6 \text{ cm}$ :

$$3 \text{ cm} + 4 \text{ cm} > 6 \text{ cm}$$

**Odpoveď:** Trojuholník ABC možno zostrojiť.



## Domáca úloha K15:

## Trojuholníková nerovnosť

1. Pomocou úplnej trojuholníkovej nerovnosti zisti, či možno zostrojiť dané trojuholníky. Všetky trojuholníky aj narysuj (skús narysovať aj tie, ktoré sa podľa trojuholníkovej nerovnosti nedajú narysovať).

- a.  $\Delta ABC$ , ak  $a = 3 \text{ cm}$ ;  $b = 5 \text{ cm}$ ;  $c = 4 \text{ cm}$

Trojuholníková nerovnosť: .....

.....

.....

*Odpoved'*: Trojuholník sa dá – nedá narysovať (vyber správnu možnosť)

Narysovaný trojuholník:

- b.  $\Delta EFD$ , ak  $e = 58 \text{ mm}$ ;  $f = 31 \text{ mm}$ ;  $g = 25 \text{ mm}$

Trojuholníková nerovnosť: .....

.....

.....

*Odpoved'*: Trojuholník sa dá – nedá narysovať (vyber správnu možnosť)

Narysovaný trojuholník:

- c.  $\Delta KLM$ , ak  $k = 4 \text{ cm}$ ;  $l = 20\text{mm}$ ;  $m = 20 \text{ mm}$

Trojuholníková nerovnosť: .....  
.....  
.....

**Odpoved:** Trojuholník sa **dá – nedá narysovať** ([vyber správnu možnosť](#))

Narysovaný trojuholník:

## 2. Doplňte údaje do tabuľky, použi skrátenú trojuholníkovú nerovnosť:

Dĺžky strán trojuholníka	Najdlhšia strana	Dve menšie strany	Trojuholníková nerovnosť	Dá sa zstrojiť?
12mm;15mm;23mm				
25m;15m;45m				
18cm;22cm;170mm				
7cm;11cm;4 cm				
7m;8m;11m				

## 3. Rozhodnite, ktoré dva trojuholníky sú zhodné a podľa ktorej vety.

**Najprv si urobte náčrty trojuholníkov:**

- a.  $\Delta ABC$ :  $|AB| = 10 \text{ cm}$ ,  $|BC| = 12 \text{ cm}$ ,  $|\angle ABC| = 25^\circ$

- b.  $\Delta DEF$ :  $|EF| = 6 \text{ cm}$ ,  $|\angle EFD| = 97^\circ$ ,  $|\angle FDE| = 50^\circ$ ,

- c.  $\Delta DEF$ :  $|EF| = 6 \text{ cm}$ ,  $|\angle EFD| = 97^\circ$ ,  $|\angle FDE| = 50^\circ$ ,

- d.  $\Delta GHI$ :  $|GH| = 7 \text{ cm}$ ,  $|HI| = 10 \text{ cm}$ ,  $|GI| = 12 \text{ cm}$ ,

e.  $\Delta JKL$ :  $|JK| = 12 \text{ cm}$ ,  $|JL| = 100\text{mm}$ ,  $|\angle JKL| = 25^\circ$ ,

f.  $\Delta OMN$ :  $|MN| = 6 \text{ cm}$ ,  $|\angle MNO| = 97^\circ$ ,  $|\angle NMO| = 33^\circ$ ,

g.  $\Delta RQP$ :  $|PQ| = 1\text{dm}$ ,  $|QR| = 0,7\text{dm}$ ,  $|PR| = 1,2 \text{ dm}$ ,

## Náčrty:

V riešení postupujte tak, ako v predchádzajúcej domácej úlohe. Najprv nájdite zhodné trojuholníky, potom zapíšte dvojice zhodných strán a uhlov (len tie, ktoré poznáš podľa zadania) a potom zapíš zhodnosť trojuholníkov. Mali by ste nájsť tri dvojice zhodných trojuholníkov.

**Riešenie:**.....